

Csillagászati észlelés gyakorlat I.

2. óra: Távolságmérés

Hajdu Tamás & Császár Anna & Perger Krisztina & Bőgner Rebeka

A csillagászok egyik legnagyobb problémája a csillagászati objektumok távolságának meghatározása. Miért fontos ez? Mert nem mindegy, hogy egy adott objektum távoli és fényes, vagy közeli és halvány. A világűrben nem helyezhetünk ki méterrudakat, hogy lemérjük 2 égitest távolságát. Más módszereket kell alkalmaznunk.

Csoportjaik:

- Geometriai módszerek (standard vonalzó: ha ismerem a bázisvonal hosszát, és megmérem, mekkora szög alatt látszik az objektum, megkapom a távolságát)
- Fotometriai módszerek (standard gyertya: ha ismerem a valódi fényességét, és megmérem a látszó fényességét, megkapom a távolságát)
- A kettő kombinációi
- Egyebek (pl. Hubble-törvény)

1. Trigonometriai parallaxis

A legtöbb élőlény a parallaxis módszerét alkalmazza a távolságmeghatározásra: a két szem által meghatározott vezérsugarak által bezárt szög adja meg a tárgy távolságát. Minél kisebb ez a szög, a távolság annál jelentősebb. A pontos távolságmeghatározáshoz szükséges a bázisvonalak hosszának (pl. a két szem távolságának) ismerete.

A trigonometrikus éves parallaxis a Föld Nap körüli éves keringésén alapszik: feltesszük, hogy a Föld pályája közel kör alakú (valójában csak nagyon kicsit tér el attól, excentricitása 0,0167). A Naprendszeren kívüli égitesteket a Föld éves mozgása során más és más helyeken láthatjuk (egy, az éggömbre vetített ellipszist írnak le). Ez a szög annyira kicsi, hogy nagyon sokáig lehetetlen volt ezt kimutatni. Még ma is nagy kihívást jelent a csillagászoknak, hogy kellően pontosan meg tudják mérni.

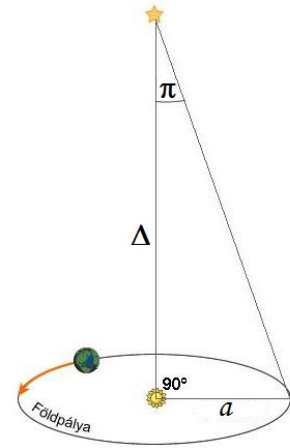
A Föld Nap körüli keringése miatt a közeli, Naprendszeren kívüli égitesteket szintén más és más irányból látjuk. Ez a jelenség az évi parallaxis. Egy csillag évi parallaxisa az a szög, mely alatt a körnek feltételezett földpálya sugara merőleges rálátás alatt látszik.

Legyen a Föld pályájának sugara a (jó közelítés a körpálya, mivel a pálya excentricitása mindössze 0,0167), a C csillagtól mért távolsága pedig Δ . Az ábrán látható derékszögű háromszögre felírható:

$$\tan \pi = \frac{a}{\Delta} \quad (1)$$

Mivel a legközelebbi csillag évi parallaxisa is kisebb, mint $1''$, ezért használhatjuk a következő közelítést (átváltás a CSE és a szögmásodperc között: $360 \cdot 60 \cdot 60 / 2\pi \approx 206265$):

$$\pi = \frac{a}{\Delta} \quad (2)$$



Ha a szöget ívmásodpercben adjuk meg és csillagászati egységben számolunk:

$$\pi['] = 206265 \cdot \frac{1}{\Delta} \quad (3)$$

Forrás: <http://www.konkoly.hu>

Definiáljunk egy új távolságegységet, a parszeket (pc):

$$1\text{pc} = 206265\text{CSE}$$

Ekkor:

$$\pi = \frac{1}{\Delta[\text{pc}]} \quad (4)$$

A parszek másik, az előbbivel egyenértékű definíciója: „egy parszek távolságban van a Naprendszerrel az az égitest, melyről merőleges rálátás esetén a Nap-Föld átlagos távolság $1''$ szög alatt látszik”.

1.1. Feladat

A Sirius évi parallaxisa $0,37''$. Milyen távol van a csillag, CSE-ben?

$$\pi = \frac{a}{\Delta} = \frac{1\text{CSE}}{\Delta} = 0,37''$$

$$\Delta = 2,7\text{pc}$$

$$\Delta[\text{CSE}] = \Delta[\text{pc}] \cdot 206265$$

$$\Delta = 557473\text{CSE}$$

1.2. Feladat

A HIPPARCOS műhold feladata az volt, hogy a csillagok paramétereit 2-4 mas (miliívmásodperc) pontossággal meghatározza. Legfeljebb milyen távolságra levő csillagok parallaxisát tudta kimérni?

$$\pi = \frac{a}{\Delta}$$

$$\pi_1 = \frac{1\text{CSE}}{\Delta_{1,\text{max}}} = 0,002''$$

$$\begin{aligned}\pi_2 &= \frac{1\text{CSE}}{\Delta_{2,\text{max}}} = 0,004'' \\ \Delta_{1,\text{max}} &= 500\text{pc} \\ \Delta_{2,\text{max}} &= 250\text{pc}\end{aligned}$$

2. Magnitúdóskála, Pogson-képlet

A csillagok fényességének csillagászati mértéke a magnitúdó. A magnitúdó-skála Hipparkhosztól ered, aki i.e. kb. 129-ben elkezdte a csillagokat fényességük szerint osztályozni. Maga a magnitúdó nagyságrendet jelent. Az elsőrendű csillagok voltak a legfényesebbek, a hatodrendűek a leghalványabbak.

A távcsövek megjelenésével viszont egyre nagyobb rendek jelentek meg, míg várható módon a rendszer összeomlott. Egységesíteni kellett. Végül 1856-ban egy oxfordi csillagász, Norman Pogson javasolta, hogy a csillag által kisugárzott fény mennyiség alapján kell a magnitúdót definiálni. A skála nullpontjához referenciacsillagokat választottak ki, az elsőrendű referencia a Vega ($0^m \rightarrow$ nulla magnitúdó) volt.

A fényesség fizikai mértéke a sugárzási fluxus. Ez energia/idő/felület = teljesítmény/felület dimenziójú. A magnitúdóskála és a fluxus közti kapcsolatot adja meg a Pogson-képlet:

$$m_1 - m_2 = -2.5 \cdot \log \left(\frac{F_1}{F_2} \right) \quad (5)$$

Egy tetszőleges csillag fényessége így kiszámítható egy standard csillag fényességének segítségével:

$$m - \overbrace{m_{\text{Vega}}}^{0^m} = -2.5 \cdot \log \left(\frac{F}{F_{\text{Vega}}} \right) \rightarrow m = -2.5 \cdot \log \left(\frac{F}{F_{\text{Vega}}} \right) \quad (6)$$

Így visszkapjuk a Hipparkhosz-féle skálát. (5 magnitúdó növekedés 100-szoros fluxuscsökkenést jelent. $\sqrt[5]{100} \approx 2.5$) A skála logaritmikus. Miért? A Weber-Frechner-féle pszichofizikai törvény miatt: az emberi érzékelés (látás, hallás, ...) logaritmikus skálájú.

Az, hogy egy csillagot milyen fényesnek látunk, az függ attól is, hogy milyen messze van tőlünk, így bevezethetünk egy, csak a csillagtól függő magnitúdót, az abszolút magnitúdót. Ez azt mondja meg, hogy 10 parszek távolságra, "üres" téren át milyen magnitúdójúnak (M) látszik az adott csillag.

A hozzánk eljutó fény intenzitása a távolság négyzetével fordítottan arányos ($I \sim \frac{1}{d^2}$). Ezért a luminozitás (energia/idő) és a fluxus (energia/idő/felület) közötti kapcsolat:

$$F = \frac{L}{4\pi d^2}$$

Ha ezeket beírjuk a képletbe, akkor egy tőlünk d távolságra lévő csillag abszolút és látszó magnitúdója közti különbség a következő:

$$M - m = -2.5 \cdot \log \left(\frac{\frac{1}{10^2}}{\frac{1}{d^2}} \right) \quad (7)$$

Átalakítva:

$$m - M = 2.5 \cdot \log \left(\left(\frac{d}{10} \right)^2 \right) = 5 \log \left(\frac{d}{10} \right) = 5 \log d - 5 \log 10 = -5 + 5 \log d \quad (8)$$

Ebből a távolság megkapható [parszekben]:

$$d = 10^{\frac{m-M+5}{5}} \quad (9)$$

Megjegyzés: Az M -hez tartozó luminozitás értéke: $L = \frac{F}{4\pi(10\text{pc})^2}$

2.1. Feladat

Az RR Lyrae csillagokra jellemző abszolút fényesség értéke 0^m . Ha az Androméda galaxisban kimértünk egy $24,5^m$ -os RR Lyrae-t, akkor milyen messze van a csillag?

$$m - M = -5 + 5 \log(d)$$

$$24,5 = -5 + 5 \log(d)$$

$$29,5 = 5 \log(d)$$

$$5,9 = \log(d)$$

$$d = 794328,23\text{pc}$$

3. Többes rendszerek fényessége

A többes rendszerben levő csillagok együttes fényessége összeadódik:

$$F_{\text{összes}} = F_1 + F_2 + \dots + F_n \quad (10)$$

Kettőscsillag esetén a két csillag együttes fényessége az alábbi módon számolandó: Legyen $m_0 = 0^m$ -s csillag, amihez képest viszonyítjuk a csillagokat. Ekkor a két csillagot összehasonlítva a standard csillaggal kapjuk:

$$m_1 - m_0 = m_1 = -2.5 \cdot \log \left(\frac{F_1}{F_0} \right) \quad (11)$$

$$m_2 - m_0 = m_2 = -2.5 \cdot \log \left(\frac{F_2}{F_0} \right) \quad (12)$$

A fluxusarányok a következők lesznek:

$$\frac{F_1}{F_0} = 10^{\frac{m_1}{-2.5}} \quad (13)$$

$$\frac{F_2}{F_0} = 10^{\frac{m_2}{-2.5}} \quad (14)$$

Ha ezeket összeadva behelyettesítünk az alapképletünkbe, akkor megkapjuk, hogy a kettős rendszerről mennyire fényes egy 0^m -s csillaghoz képest.

A teljes fluxus:

$$F_{1+2} = F_1 + F_2 \quad (15)$$

A kettős fényessége:

$$m_{1+2} - m_0 = m_{1+2} = -2.5 \cdot \log f_{1+2} = -2.5 \cdot \log \left(10^{-\frac{m_1}{2.5}} + 10^{-\frac{m_2}{2.5}} \right) \quad (16)$$

3.1. Feladat

A γ And kettős tagjainak fényességei rendre $2,28^m$ és $5,08^m$. Határozzuk meg a rendszer összfényességét!

$$\begin{aligned} F_{\text{összes}} &= F_1 + F_2 = 10^{-\frac{m_1}{2.5}} + 10^{-\frac{m_2}{2.5}} = 10^{-\frac{2.28}{2.5}} + 10^{-\frac{5.08}{2.5}} = 0.1318 \\ m_{\text{összes}} &= -2.5 \cdot \log F_{\text{összes}} = -2.5 \cdot \log 0.1318 \\ m_{\text{összes}} &= 2.2^m \end{aligned}$$

4. Cefeida-parallaxis

Néhány csillag abszolút fényességét közvetlenül meg tudjuk határozni: ilyenek a már említett RR Lyrae és a δ Cephei típusú változócsillagok. Ezekre a csillagokra létezik periódus-fényesség reláció: a fényváltozás periódusának ismeretében meghatározható az abszolút fényesség, a látszó fényesség mérésével pedig megkaphatjuk a távolságot.

A periódus-fényesség reláció általános alakja:

$$M_V = B \cdot \log P + C \quad (17)$$

Itt M_V az abszolút fényesség, P a fényváltozás periódusa, B és C az adott változótípusra jellemző konstansok.

4.1. Feladat

Fotometriai méréseket végzünk, kiválasztjuk a klasszikus cefeida változókat a mintából. Meghatározzuk az egyik periódusát, amire 6.25 napot kapunk, látszó fényessége pedig 7 magnitúdó a Johnson V sávban. Mekkora a távolsága?

$$M_V = B \cdot \log P + C$$

$B = -2.81$ és $C = -1.43$ ha P -t napokban mérjük (HIPPARCOS mérések kalibrálásával: Feast & Catchpole, 1997)

$$\begin{aligned} M_V &= -2.81 \cdot \log 6.25 - 1.43 = -3.67 \\ m - M_V &= -5 + 5 \log d \\ \log d &= 0.2(m - M_V) + 1 \\ d &= 10^{0.2(m - M_V) + 1} = 10^{0.2(7 + 3.67) + 1} \\ d &= 1359.2 \text{ pc} \end{aligned}$$

5. Doppler-effektus és a Hubble-törvény

Amíg a csillagokat fel lehet bontani (látszanak külön-külön egyesével távcső segítségével), addig jól használható ez a módszer. Tehát még akár a közeli galaxisok távolságát is meg tudjuk ezzel határozni.

Viszont, ha már a galaxis annyira távol van, hogy a benne lévő csillagok összemosódnak, akkor ez a módszer már nem használható.

A laboratóriumban előállított spektrumok alapján tudjuk, hogy melyik spektrumvonalnak hol kell lennie. Amennyiben a spektrumvonalak a rövidebb hullámhossz felé tolódnak el, akkor kékebbnek, ha a hosszabb hullámhossz felé tolódnak el, akkor vörösebbnek "látszik" az objektum. A spektrumvonalak eltolódása arányos a sebességgel és az eredeti hullámhosszal. Azaz a Doppler-effektussal egy test radiális sebességét tudjuk megállapítani.

$$\Delta\lambda \sim v \cdot \lambda \rightarrow \Delta\lambda = \frac{v \cdot \lambda}{c} \quad (18)$$

Tehát egy adott sebességgel távolodó galaxis vöröseltolódásának mértéke:

$$z = \frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{v}{c} \quad (19)$$

ahol $\Delta\lambda = \lambda_{\text{észlelt}} - \lambda$, és λ az adott spektrumvonal „eredeti”, laboratóriumi hullámhossza.

Az egyik legtávolabbi galaxisra $z \approx 6$, a kozmikus mikrohullámú háttérre $z \approx 1089$.

A $z = 1$ -et meghaladó vöröseltolódás értékek nem a fénysebesség átlépését jelentik. Ekkor már kozmológiai vöröseltolódásról beszélünk (a galaxisok közötti tér is megnyúlik, ezáltal a fény hullámhossza még „vörösebb lesz”).

5.1. Feladat

Egy útkereszteződésnél egy rendőr figyeli a szabálytalankodókat. Hirtelen egy autós suhan el a piros lámpánál. Rövid időn belül a rendőr utolérte és megkérdezte, hogy miért ment át a piroson. A sofőr azt állította, hogy ő zöldnek látta. Mekkora sebességgel hajthatott az autós? (Segítség: a vörös fény 650-750 nm, a zöld 490-575 nm)

$$z = \frac{530 - 700}{700} = -0.24 \quad (20)$$

(Tehát ebben az esetben kékeltoadással beszélünk.)

$$v = \frac{\Delta\lambda}{\lambda} \cdot c \quad (21)$$

$$v \approx \frac{1}{4}c \quad (22)$$

Hubble a galaxisok sebessége és távolsága között egyenes arányosságot talált. Azaz minél messzebb van egy galaxis, annál nagyobb a radiális sebessége, mely tőlünk távolodó irányba mutat. Ezt a galaxisok vöröseltolódásából lehetett kitalálni. Ez az összefüggés csak a gravitációsan nem kötött esetben érvényes, azaz az Andromédára például nem igaz. Ahhoz, hogy ezt az összefüggést ki lehessen mutatni, valamilyen más módszerrel először meg kell mérni sok galaxis távolságát.

$$v = H \cdot d \quad (23)$$

ahol $H = 72\text{km/s/Mpc}$.

6. Egyéb standard gyertya elven működő módszerek

- Spektroszkópiai parallaxis (csillag színeképe \rightarrow HRD-n elfoglalt helye alapján)
- Ia típusú szupernóva mérések ($M \sim \Delta m_{15}$)
- Tully-Fisher reláció ($L \sim$ spektrumvonalak félértékszélessége)
- Faber-Jackson reláció (elliptikus galaxisokra $L \sim \sigma^4$)

7. Házi feladatok

1. Van egy kvazár tőlünk $z \approx 6$ -ra. Számoljuk ki, hogy a $H\alpha$ vonal mennyire van eltolódva, és milyen messze lehet tőlünk? ($H\alpha = 656.28 \text{ nm}$)
2. A Proxima Centauri tőlünk 1.302 pc-re van. Mekkora szög alatt látszódik a Föld-Nap távolság onnan?
3. A Proxima Centauri abszolút magnitúdója $M = 15.6^m$. Számold ki a látszó fényességét!